

Задача А. Соки

Имя входного файла:	стандартный ввод
Имя выходного файла:	стандартный вывод
Ограничение по времени:	1 секунда
Ограничение по памяти:	256 мегабайт

На обеде в школьной столовой имеется a кружек яблочного сока, b кружек вишнёвого сока и c кружек апельсинового сока. Каждый школьник, когда приходит в столовую, берёт одну кружку сока, соблюдая следующий порядок предпочтений:

1. Если есть яблочный сок, школьник берёт его.
2. Если яблочного сока не осталось, школьник пытается взять вишнёвый сок.
3. Если вишнёвого сока тоже нет, школьник выбирает апельсиновый сок.
4. Если же ни одного вида сока не осталось, школьник уходит без сока.

После обеда в столовой осталось суммарно x кружек сока всех видов. Помогите работникам столовой определить, сколько кружек каждого вида сока осталось в отдельности.

Формат входных данных

Первая строка содержит одно целое число a ($0 \leq a \leq 1000$) — изначальное количество кружек яблочного сока.

Вторая строка содержит одно целое число b ($0 \leq b \leq 1000$) — изначальное количество кружек вишнёвого сока.

Третья строка содержит одно целое число c ($0 \leq c \leq 1000$) — изначальное количество кружек апельсинового сока.

Четвёртая строка содержит одно целое число x ($0 \leq x \leq a + b + c$) — оставшееся количество кружек всех видов сока суммарно.

Формат выходных данных

Вывод вашей программы должен состоять из трёх строк.

Первая строка должна содержать единственное целое число — оставшееся количество кружек яблочного сока.

Вторая строка должна содержать единственное целое число — оставшееся количество кружек вишнёвого сока.

Третья строка должна содержать единственное целое число — оставшееся количество кружек апельсинового сока.

Система оценки

В данной задаче 10 тестов, помимо тестов из условия, каждый из них оценивается в 10 баллов. Результаты работы ваших решений на всех тестах будут доступны сразу во время соревнования.

Решения, корректно работающие при $x = 1$, наберут не менее 20 баллов.

Решения, корректно работающие при $x \leq c$, наберут не менее 30 баллов.

Примеры

стандартный ввод	стандартный вывод
3 2 1 2	0 1 1
1 1 10 9	0 0 9
3 3 3 8	2 3 3

Замечание

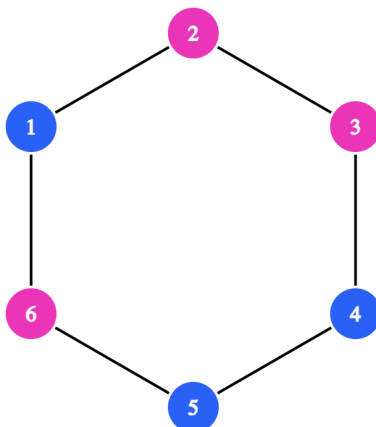
В первом примере изначально было 3 кружки яблочного сока, 2 кружки вишнёвого сока и 1 кружка апельсинового сока. Первые три школьника взяли кружки яблочного сока, после чего он закончился. Потом один школьник взял кружку вишнёвого сока. После этого остались две кружки сока: одна с вишнёвым соком и одна с апельсиновым.

Во втором примере изначально была 1 кружка яблочного сока, 1 кружка вишнёвого сока и 10 кружек апельсинового сока. Первый школьник взял кружку яблочного сока, после чего он закончился. Второй школьник взял кружку вишнёвого сока, после чего он закончился. Третий школьник взял кружку апельсинового сока. После этого осталось только 9 кружек апельсинового сока.

Задача В. Хоровод

Имя входного файла:	стандартный ввод
Имя выходного файла:	стандартный вывод
Ограничение по времени:	1 секунда
Ограничение по памяти:	256 мегабайт

Есть группа из x мальчиков и y девочек. Рассмотрим хоровод, составленный из них, в котором дети пронумерованы от 1 до $x + y$ по часовой стрелке.



На рисунке выше изображён хоровод из трёх мальчиков (номера 1, 4 и 5) и трёх девочек (номера 2, 3 и 6). Этот хоровод можно описать строкой `BGGBBG`, где i -й символ обозначает пол человека на i -й позиции в хороводе. Символ `B` обозначает мальчика, символ `G` обозначает девочку.

Определите, можно ли составить хоровод из всех мальчиков и девочек в группе, в котором есть ровно m пар соседей разного пола. Например, на рисунке выше есть 4 такие пары: (1, 2), (3, 4), (5, 6) и (6, 1).

Формат входных данных

Первая строка содержит одно целое число x ($2 \leq x \leq 100$) — количество мальчиков в хороводе.

Вторая строка содержит одно целое число y ($2 \leq y \leq 100$) — количество девочек в хороводе.

Третья строка содержит одно целое число m ($2 \leq m \leq 200$) — необходимое количество пар соседей разного пола.

Формат выходных данных

В первой строке выведите «YES» (без кавычек), если мальчиков и девочек можно расставить в хороводе требуемым образом, и «NO» (без кавычек) иначе.

Если требуемая расстановка существует, во второй строке выведите строку длины $x + y$, содержащую x символов `B` (мальчик) и y символов `G` (девочка). Эта строка должна описывать любой хоровод, в котором есть ровно m пар соседей разного пола. Обратите внимание, что первый и последний символ строки описывают соседних детей в хороводе.

Система оценки

В данной задаче 20 тестов, помимо тестов из условия, каждый из них оценивается в 5 баллов. Результаты работы ваших решений на всех тестах будут доступны сразу во время соревнования.

Решения, корректно работающие при $x = y$, наберут не менее 30 баллов.

Примеры

стандартный ввод	стандартный вывод
3 3 4	YES BGGBBG
2 2 3	NO
3 2 4	YES BGBGB
2 2 100	NO

Замечание

Хоровод из первого примера изображён в условии задачи.

Во втором примере не существует хоровода из 2 мальчиков и 2 девочек, в котором есть ровно 3 пары соседей разного пола.

В третьем примере есть ровно 4 пары соседей разного пола: (1, 2), (2, 3), (3, 4), (4, 5).

Задача С. Лавка с числами

Имя входного файла:	стандартный ввод
Имя выходного файла:	стандартный вывод
Ограничение по времени:	1 секунда
Ограничение по памяти:	256 мегабайт

Петя работает продавцом в лавке чисел. В наличии имеется бесконечное количество каждого из чисел $l, l+1, \dots, r$ (при этом $l < r$). Когда в магазине нет покупателей, Петя от скуки берет некоторое количество чисел и считает их сумму. Обратите внимание, что Петя может брать одинаковые числа сколько угодно раз. При этом могут существовать некоторые целые положительные числа, которые он никогда не сможет получить в качестве суммы. Помогите Пете найти **максимальное** такое число.

Другими словами, найдите максимальное целое положительное число, которое нельзя представить в виде суммы произвольного количества целых чисел из отрезка $[l, r]$. Если с помощью этих чисел можно получить любое целое положительное число, выведите -1 .

Формат входных данных

Первая строка содержит одно целое число l ($1 \leq l \leq 10^9$) — левая граница отрезка.

Вторая строка содержит одно целое число r ($1 \leq r \leq 10^9$) — правая граница отрезка.

Гарантируется, что $l < r$.

Формат выходных данных

Выведите одно целое число — максимальное положительное число, которое нельзя получить в виде суммы чисел, принадлежащих отрезку. Если такого числа нет, выведите -1 .

Обратите внимание, что ответ может быть больше, чем возможное значение 32-битной целочисленной переменной, поэтому необходимо использовать 64-битные целочисленные типы данных (тип `int64` в языке Pascal, тип `long long` в C и C++, тип `long` в Java и C#). Язык Python будет корректно работать.

Система оценки

В данной задаче 20 тестов, помимо тестов из условия, каждый из них оценивается в 5 баллов. Результаты работы ваших решений на всех тестах будут доступны сразу во время соревнования.

Решения, корректно работающие при $r \leq 100$, наберут не менее 20 баллов.

Решения, корректно работающие при $r \leq 10^5$, наберут не менее 50 баллов.

Примеры

стандартный ввод	стандартный вывод
4 5	11
6 8	17
1 10	-1

Замечание

В первом примере, если мы возьмём одно число, то можем получить 4 или 5, если два числа — то получим 8, 9 или 10, три числа — любое число от 12 до 15. Можно показать, что все числа, большие 15, мы также можем получить, взяв четыре и более чисел, поэтому максимальное число, которое нельзя получить — 11.

Во втором примере число 17 получить нельзя, а все большие — можно.

В третьем примере в виде суммы чисел из отрезка можно представить любое целое положительное число.

Задача D. Крайний Банк

Имя входного файла:	стандартный ввод
Имя выходного файла:	стандартный вывод
Ограничение по времени:	1 секунда
Ограничение по памяти:	256 мегабайт

Крайний банк занимается важной деятельностью — контролем биржей бипок и обнаружением потенциального мошенничества. Вам, как стажеру Крайнего Банка, поручили разработать систему, которая позволяла бы определять, является ли данный трейдер потенциальным мошенником или нет. Вы знаете, что биржа бипок работала n моментов времени, в течение которых трейдер торговал на бирже.

Вам известно, что в i -й момент времени цена одной бипки составляла a_i и трейдер продал или купил одну бипку по данной цене. Если $b_i = -1$, то он продал одну бипку, а если $b_i = 1$, то купил одну бипку. На момент начала торгов у трейдера было 0 бипок, а также известно, что к концу торгов он распродал все бипки (другими словами, сумма b_i равна 0). Также трейдер не мог уходить в минус, то есть в любой момент времени у него было неотрицательное количество бипок.

Крайний банк считает трейдера потенциальным мошенником, если каждой операции покупки **одной конкретной бипки** можно сопоставить в пару операцию продажи одной бипки так, что покупка произошла раньше продажи и стоимость покупки **строго меньше** стоимости продажи. Обратите внимание, что разным операциям покупки одной бипки должны соответствовать **разные** операции продажи.

Определите, является ли данный трейдер потенциальным мошенником, и если является, то для каждой операции покупки выведите соответствующую ей операцию продажи.

Формат входных данных

Первая строка содержит одно целое число n ($2 \leq n \leq 200\,000$, n — чётное) — количество моментов времени, в течение которых трейдер торговал на бирже.

Вторая строка содержит n целых чисел $a_1, a_2, \dots, a_n$ ($1 \leq a_i \leq 10$) — стоимость одной бипки в i -й момент времени.

Третья строка содержит n целых чисел $b_1, b_2, \dots, b_n$ ($b_i = -1$ или $b_i = 1$) — числа, характеризующие операции покупки/продажи, совершенные трейдером, в соответствии с форматом, описанным в условии.

Гарантируется, что в любой момент времени у трейдера было неотрицательное количество бипок, а также $b_1 + b_2 + \dots + b_n = 0$.

Формат выходных данных

В первой строке выведите «Yes» (без кавычек), если трейдер является потенциальным мошенником, иначе выведите «No» (без кавычек).

Вы можете выводить каждую букву в любом регистре (строчную или заглавную). Например, строки «yEs», «yes», «Yes» и «YES» будут приняты как положительный ответ.

Если трейдер является потенциальным мошенником, то выведите $\frac{n}{2}$ строк, каждая из которых содержит два целых числа — момент времени, когда была совершена покупка, и момент времени, когда была совершена соответствующая продажа. Обратите внимание, что первое число в паре должно быть строго меньше второго, а также каждое число от 1 до n должно встречаться ровно один раз. Вы можете выводить пары в любом порядке.

Если существует несколько решений, выведите любое из них.

Система оценки

В данной задаче 25 тестов, помимо тестов из условия, каждый из них оценивается в 4 балла. Результаты работы ваших решений на всех тестах будут доступны сразу во время соревнования.

Решения, корректно работающие при $n \leq 10$, наберут не менее 24 баллов.

Решения, корректно работающие при $n \leq 3000$, наберут не менее 60 баллов.

Решения, корректно работающие при $a_i \leq 2$, наберут не менее 20 баллов.

Примеры

стандартный ввод	стандартный вывод
4 1 4 5 2 1 1 -1 -1	Yes 2 3 1 4
2 10 10 1 -1	No
6 2 6 9 2 6 7 1 1 -1 1 -1 -1	Yes 2 3 4 5 1 6

Замечание

Рассмотрим первый пример:

- Трейдер покупает бипку в момент времени 2 по цене 4 и продаёт её в момент времени 3 по цене 5.
- Трейдер покупает бипку в момент времени 1 по цене 1 и продаёт её в момент времени 4 по цене 2.

Во втором примере трейдер не может продать бипку, купленную в момент времени 1 по цене 10, дороже.

Рассмотрим третий пример:

- Трейдер покупает бипку в момент времени 2 по цене 6 и продаёт её в момент времени 3 по цене 9.
- Трейдер покупает бипку в момент времени 4 по цене 2 и продаёт её в момент времени 5 по цене 6.
- Трейдер покупает бипку в момент времени 1 по цене 2 и продаёт её в момент времени 6 по цене 7.

Задача Е. Максимальная попарная разница

Имя входного файла:	стандартный ввод
Имя выходного файла:	стандартный вывод
Ограничение по времени:	1.5 секунд
Ограничение по памяти:	256 мегабайт

Вам даны два массива чисел длины n : $a_1, a_2, \dots, a_n$ и $b_1, b_2, \dots, b_n$. При этом известно, что все числа $a_1, a_2, \dots, a_n, b_1, b_2, \dots, b_n$ попарно различны.

Назовём *счётом* перестановки $p_1, p_2, \dots, p_n$ длины n значение следующего выражения:
 $|a_1 - b_{p_1}| + |a_2 - b_{p_2}| + \dots + |a_n - b_{p_n}|$.

Вам нужно найти максимально возможный счёт по всем перестановкам длины n , а также количество перестановок длины n , имеющих этот максимальный счёт. Так как количество перестановок может быть достаточно большим, требуется найти только его остаток при делении на $10^9 + 7$. Обратите внимание, что от самого максимально возможного счёта **не нужно** брать остаток.

Напомним, что перестановкой длины n является массив, состоящий из n различных целых чисел от 1 до n в произвольном порядке. Например, $[2, 3, 1, 5, 4]$ — перестановка, но $[1, 2, 2]$ не перестановка (2 встречается в массиве дважды) и $[1, 3, 4]$ тоже не перестановка ($n = 3$, но в массиве встречается 4).

Формат входных данных

Первая строка содержит одно целое число n ($1 \leq n \leq 50\,000$) — длина массивов a и b .

Вторая строка содержит n целых чисел $a_1, a_2, \dots, a_n$ ($1 \leq a_i \leq 10^9$) — элементы массива a .

Третья строка содержит n целых чисел $b_1, b_2, \dots, b_n$ ($1 \leq b_i \leq 10^9$) — элементы массива b .

Гарантируется, что все числа $a_1, a_2, \dots, a_n, b_1, b_2, \dots, b_n$ попарно различны. То есть, для любых $1 \leq i, j \leq n$ верно, что $a_i \neq b_j$, а также $a_i \neq a_j$ и $b_i \neq b_j$ при $i \neq j$.

Формат выходных данных

Выведите два целых числа — максимально возможный счёт и количество перестановок с этим счётом. Количество перестановок выведите по модулю $10^9 + 7$. От самого максимально возможного счёта **не нужно** брать остаток.

Система оценки

В данной задаче 50 тестов, помимо тестов из условия, каждый из них оценивается в 2 балла. Результаты работы ваших решений на всех тестах будут доступны сразу во время соревнования.

Решения, корректно работающие при $n \leq 10$, наберут не менее 16 баллов.

Решения, корректно работающие при $n \leq 18$, наберут не менее 30 баллов.

Решения, корректно работающие при $n \leq 1000$, наберут не менее 50 баллов.

Дополнительно, решения, корректно работающие при $b_i = a_i + 1$ для всех $1 \leq i \leq n$, наберут не менее 14 баллов.

Дополнительно, решения, корректно работающие при $b_{i+1} = b_i + 1$ для всех $1 \leq i < n$, наберут не менее 14 баллов.

Примеры

стандартный ввод	стандартный вывод
2 1 3 2 4	4 1
3 10 15 6 7 12 14	18 2
2 1 7 1000000000 998244353	1998244345 2
5 82 494 27 39390 999999999 83 495 28 39391 1000000000	2000078561 12
8 10 20 30 40 50 60 70 80 32 33 34 35 36 37 38 39	184 720

Замечание

Рассмотрим первый пример. Всего есть 2 перестановки длины 2:

1. $p = [1, 2]$. Счёт перестановки равен $|a_1 - b_1| + |a_2 - b_2| = |1 - 2| + |3 - 4| = 2$.
 2. $p = [2, 1]$. Счёт перестановки равен $|a_1 - b_2| + |a_2 - b_1| = |1 - 4| + |3 - 2| = 4$.
- Максимальный счёт равен 4, и он достигается только на одной перестановке.

Рассмотрим второй пример. Всего есть 6 перестановок длины 3:

1. $p = [1, 2, 3]$. Счёт перестановки равен $|10 - 7| + |15 - 12| + |6 - 14| = 14$.
2. $p = [1, 3, 2]$. Счёт перестановки равен $|10 - 7| + |15 - 14| + |6 - 12| = 10$.
3. $p = [2, 1, 3]$. Счёт перестановки равен $|10 - 12| + |15 - 7| + |6 - 14| = 18$.
4. $p = [2, 3, 1]$. Счёт перестановки равен $|10 - 12| + |15 - 14| + |6 - 7| = 4$.
5. $p = [3, 1, 2]$. Счёт перестановки равен $|10 - 14| + |15 - 7| + |6 - 12| = 18$.
6. $p = [3, 2, 1]$. Счёт перестановки равен $|10 - 14| + |15 - 12| + |6 - 7| = 8$.

Максимальный счёт равен 18, и есть 2 перестановки, на которых достигается этот счёт.